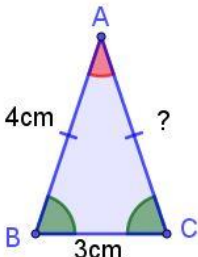
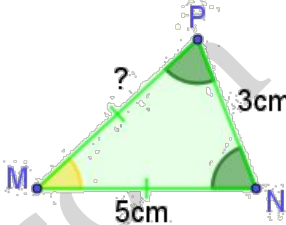
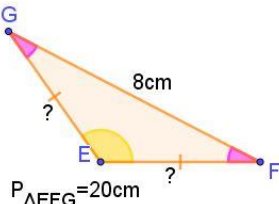
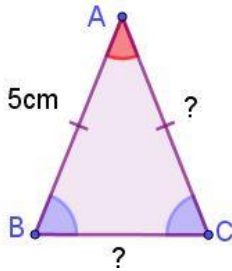
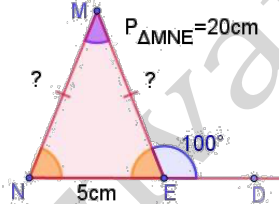
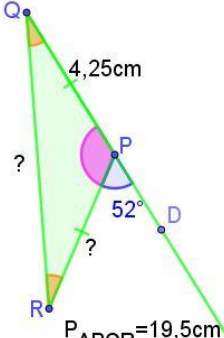
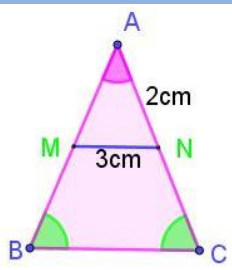
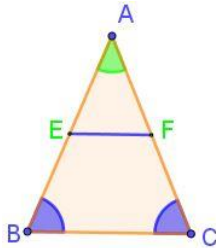


PROPRIETĂȚILE TRIUNGHILUI ISOSCEL

(fișă de lucru)

Prof. Lukacs Tiberiu

<p>ip ABC isoscel $AB = 4\text{cm}$ $BC = 3\text{cm}$ $m(\sphericalangle A) = 40^\circ$</p>		<p>ip MNP isoscel $MN = 5\text{ cm}$ $NP = 3\text{ cm}$ $m(\sphericalangle N) = 65^\circ$</p>	
<p>c $AC =$ $m(\sphericalangle B) =$ $m(\sphericalangle C) =$</p>		<p>c $MP =$ $m(\sphericalangle P) =$ $m(\sphericalangle M) =$</p>	
<p>ip EFG isoscel $GF = 8\text{ cm}$ $P_{\triangle EFG} = 20\text{cm}$ $m(\sphericalangle G) = 35^\circ$</p>		<p>ip ABC isoscel $AB = 5\text{ cm}$ $P_{\triangle ABC} = 14\text{cm}$ $m(\sphericalangle A) = 30^\circ$</p>	
<p>c $EG =$ $EF =$ $m(\sphericalangle F) =$ $m(\sphericalangle E) =$</p>		<p>c $AC =$ $BC =$ $m(\sphericalangle B) =$ $m(\sphericalangle C) =$</p>	<p style="text-align: center;">$P_{\triangle ABC} = 14\text{ cm}$</p>
<p>ip MNE isoscel N,E,D coliniare $m(\sphericalangle MED) = 100^\circ$ $NE = 5\text{ cm}$ $P_{\triangle MNE} = 20\text{cm}$</p>		<p>ip PQR isoscel Q,P,D coliniare $m(\sphericalangle RPD) = 52^\circ$ $QP = 4,25\text{ cm}$ $P_{\triangle PQR} = 19,5\text{cm}$</p>	
<p>c $MN =$ $ME =$ $m(\sphericalangle MEN) =$ $m(\sphericalangle MNE) =$ $m(\sphericalangle NME) =$</p>		<p>c $PR =$ $QR =$ $m(\sphericalangle PQR) =$ $m(\sphericalangle QPR) =$ $m(\sphericalangle PRQ) =$</p>	
<p>ip ABC isoscel $(AB \equiv AC)$ MN linie mijlocie $m(\sphericalangle A) = 54^\circ$ $AN = 2\text{ cm}$</p>		<p>ip ABC isoscel $(AB \equiv AC)$ EF linie mijlocie $m(\sphericalangle AEF) = 64^\circ$ $AB = 11\text{ cm}$ $P_{\triangle ABC} = 30\text{cm}$</p>	
<p>c $NC =$ $BC =$ $m(\sphericalangle ABC) =$ $m(\sphericalangle AMN) =$ $P_{\triangle ABC} =$ $P_{\triangle AMN} =$</p>		<p>c $AF =$ $EF =$ $m(\sphericalangle ABC) =$ $m(\sphericalangle A) =$ $m(\sphericalangle CFE) =$ $P_{\triangle AEF} =$</p>	<p style="text-align: center;">$P_{\triangle ABC} = 30\text{cm}$</p>

ip RST isoscel ($RS \equiv RT$)
 RM mediana
 $m(\sphericalangle SRM) = 16^\circ$
 $|SM| = 3 \text{ cm}$
 $P_{\Delta RST} = 20,4 \text{ cm}$

c $|ST| =$ $|SR| =$
 $m(\sphericalangle SRT) =$
 $m(\sphericalangle RTS) =$
 $m(\sphericalangle RMT) =$

$P_{\Delta RST} = 20,4 \text{ cm}$

ip DEF isoscel ($DE \equiv DF$)
 DM înălțime
 $m(\sphericalangle EDM) = 30^\circ$
 $|DE| = 6 \text{ cm}$
 $|ME| = 3 \text{ cm}$

c $|DF| =$ $|FM| =$
 $m(\sphericalangle DEM) =$
 $m(\sphericalangle EDF) =$
 $P_{\Delta EDF} =$

ip MNP isoscel ($MN \equiv MP$)
 $PM \perp MN$
 $|MN| = 6 \text{ cm}$

c $|MP| =$
 $m(\sphericalangle PMN) =$
 $m(\sphericalangle MPN) =$
 $m(\sphericalangle MNP) =$

ip ABC isoscel ($AB \equiv AC$)
 AP bisectoare
 $m(\sphericalangle PAB) = 56^\circ$
 $|AC| = 6 \text{ cm}$

c $|AB| =$ $|BC| =$
 $m(\sphericalangle BAC) =$
 $m(\sphericalangle ABP) =$
 $P_{\Delta ABC} =$

ip ABC isoscel BDC isoscel
 $m(\sphericalangle A) = 64^\circ$
 $|AB| = 4 \text{ cm}$
 $|BD| = 5 \text{ cm}$

c $|AC| =$ $|BC| =$
 $m(\sphericalangle ABC) =$
 $m(\sphericalangle BCD) =$
 $P_{\Delta ABC} =$

ip ABC isoscel BDC isoscel
 $m(\sphericalangle A) = 70^\circ$ $m(\sphericalangle D) = 50^\circ$
 $|AC| = 3,2 \text{ cm}$
 $|CD| = 4,8 \text{ cm}$
 $P_{\Delta BCD} = 12 \text{ cm}$

c $|AB| =$ $|BC| =$
 $m(\sphericalangle ACD) =$
 $m(\sphericalangle ABC) =$
 $P_{\Delta ABC} =$ $P_{\Delta BDC} =$

ip MNP triunghi
 ME mediatoare
 $m(\sphericalangle N) = 53^\circ$
 $|MP| = 10 \text{ cm}$
 $P_{\Delta PMN} = 32 \text{ cm}$

c MNP triunghi.....
 $|MN| =$ $|EP| =$
 $m(\sphericalangle NPM) =$
 $m(\sphericalangle NME) =$ $m(\sphericalangle MEN) =$

$P_{\Delta MNP} = 32 \text{ cm}$

ip MNP triunghi
 $m(\sphericalangle M) = 96^\circ$
 $m(\sphericalangle N) = 42^\circ$
 $|MN|$ și $|NP|$ direct
 proportionale cu 2 și 3
 $P_{\Delta MNP} = 42 \text{ cm}$

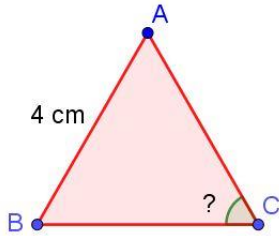
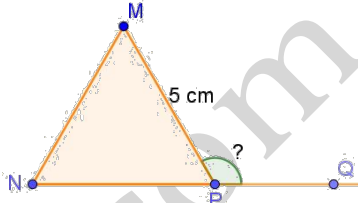
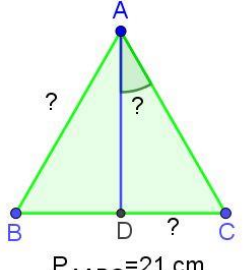
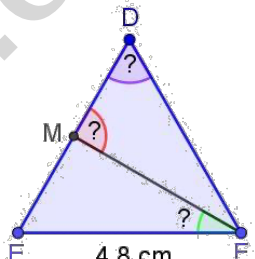
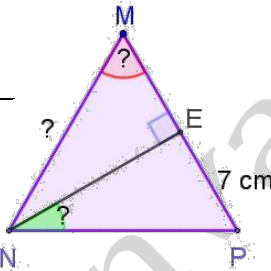
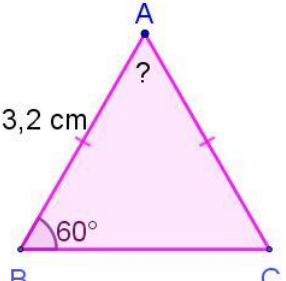
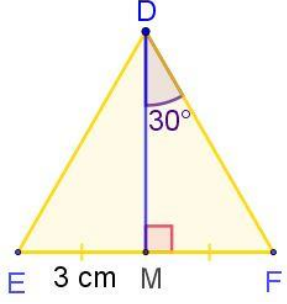
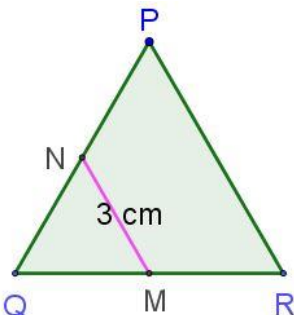
c $m(\sphericalangle NPM) =$
 MNP triunghi.....
 $|MN| =$ $|NP| =$

$P_{\Delta MNP} = 42 \text{ cm}$

PROPRIETĂȚILE TRIUNGHIULUI ECHILATERAL

(fișă de lucru)

Prof. Lukacs Tiberiu

<p>ip</p> <p>ABC echilateral</p> <p>$AB = 4\text{ cm}$</p> <hr/> <p>c</p> <p>$AC =$</p> <p>$BC =$</p> <p>$m(\sphericalangle C) =$</p> <p>$P_{\triangle ABC} =$</p>		<p>ip</p> <p>MNP echilateral</p> <p>$MP = 5\text{ cm}$</p> <p>N, P, Q coliniare</p> <hr/> <p>c</p> <p>$MN =$</p> <p>$m(\sphericalangle N) =$</p> <p>$m(\sphericalangle MPQ) =$</p> <p>$P_{\triangle MNP} =$</p>	
<p>ip</p> <p>ABC echilateral</p> <p>[AD] înălțime</p> <p>$P_{\triangle ABC} = 21\text{ cm}$</p> <hr/> <p>c</p> <p>$AB =$</p> <p>$DC =$</p> <p>$m(\sphericalangle DAC) =$</p>	 <p style="text-align: center;">$P_{\triangle ABC} = 21\text{ cm}$</p>	<p>ip</p> <p>DEF echilateral</p> <p>$EF = 4,8\text{ cm}$</p> <p>M mijlocul lui [DE]</p> <hr/> <p>c</p> <p>$DM =$</p> <p>$m(\sphericalangle FDM) =$</p> <p>$m(\sphericalangle FMD) =$</p> <p>$m(\sphericalangle MFE) =$</p> <p>$P_{\triangle DEF} =$</p>	 <p style="text-align: center;">$4,8\text{ cm}$</p>
<p>ip</p> <p>MNP echilateral</p> <p>$NE \perp MP$</p> <p>$EP = 7\text{ cm}$</p> <hr/> <p>c</p> <p>$ME =$ $MN =$</p> <p>$m(\sphericalangle NME) =$</p> <p>$m(\sphericalangle PNE) =$</p> <p>$P_{\triangle MNP} =$</p>		<p>ip</p> <p>ABC isoscel</p> <p>$AB \cong AC$</p> <p>$m(\sphericalangle ABC) = 60^\circ$</p> <p>$AB = 3,2\text{ cm}$</p> <hr/> <p>c</p> <p>$m(\sphericalangle A) =$</p> <p>$BC =$</p> <p>$P_{\triangle ABC} =$</p>	 <p style="text-align: center;">$3,2\text{ cm}$</p> <p style="text-align: center;">60°</p>
<p>ip</p> <p>DEF triunghi</p> <p>$EM \equiv MF$</p> <p>$DM \perp EF$</p> <p>$m(\sphericalangle MDF) = 30^\circ$</p> <p>$EM = 3\text{ cm}$</p> <hr/> <p>c</p> <p>$MF =$</p> <p>$m(\sphericalangle MFD) =$</p> <p>$m(\sphericalangle EDM) =$</p> <p>$m(\sphericalangle EDF) =$</p> <p>$P_{\triangle DEF} =$</p>	 <p style="text-align: center;">3 cm</p>	<p>ip</p> <p>PQR echilateral</p> <p>M mijlocul lui QR</p> <p>N mijlocul lui QP</p> <p>$MN = 3\text{ cm}$</p> <hr/> <p>c</p> <p>$PR =$ $QN =$</p> <p>$m(\sphericalangle QNM) =$</p> <p>$m(\sphericalangle NMR) =$</p> <p>$P_{\triangle QMN} =$</p>	 <p style="text-align: center;">3 cm</p>

ip ABC triunghi dreptunghic
 $AB \perp BC$
 $m(\sphericalangle CAB) = 30^\circ$
 $|CB| = 8,2 \text{ cm}$
 $D = \text{sim}_B C$

c $|BD| =$
 $m(\sphericalangle BAD) =$
 $|AC| =$

ip DEF triunghi
 $m(\sphericalangle NPE) = 60^\circ$
 $P_{\triangle MNP} = 24 \text{ cm}$
 $\sphericalangle PNE \equiv \sphericalangle MNE$
 $NE \perp MP$

c $m(\sphericalangle PEN) =$
 $m(\sphericalangle PNE) =$
 $m(\sphericalangle PNM) =$
 $|NM| =$ $|EP| =$

ip ABC triunghi
D mijlocul lui BC
 $(MD \equiv DN)$
 $DM \perp AB, DN \perp AC$
 $m(\sphericalangle CDN) = 30^\circ$
 $P_{\triangle ABC} = 36 \text{ cm}$

c $m(\sphericalangle DCN) =$
 $m(\sphericalangle ADN) =$
 $m(\sphericalangle BAC) =$
 $|AC| =$ $|BD| =$

ip ABC triunghi
ED mediatoare pt [BC]
 $m(\sphericalangle EAB) = 150^\circ$
 $|DC| = 5 \text{ cm}$

c $|BD| =$
 $m(\sphericalangle BAD) =$
 $m(\sphericalangle ABD) =$
 $m(\sphericalangle DAC) =$
 $P_{\triangle ABC} =$

ip DEF triunghi
M mijlocul lui EF
N mijlocul lui DF
H ortocentru
 $|MN| = 9 \text{ cm}$

c $|DE| =$ $|DF| =$
 $m(\sphericalangle END) =$
 $m(\sphericalangle EFN) =$
 $m(\sphericalangle DHE) =$ $P_{\triangle DEF} =$

ip ABC echilateral
 $AE \cap BC = P$
BCDE pătrat
 $|CD| = \frac{9}{2} \text{ cm}$

c $|BC| =$ $|AB| =$
 $m(\sphericalangle ABC) =$
 $m(\sphericalangle EBC) =$
 $m(\sphericalangle PAC) =$ $m(\sphericalangle EPC) =$
 $P_{\triangle ABC} =$ $P_{\triangle BCDE} =$

ip PQR si NRT triunghiuri
N mijlocul lui [PR]
 $m(\sphericalangle PNT) = 120^\circ$
 $NT \parallel QR$ si $RT \parallel QP$
PR bisectoarea $\sphericalangle QRT$
 $P_{\triangle RTN} = 33 \text{ cm}$

c $m(\sphericalangle RNT) =$
 $m(\sphericalangle QRN) =$
 $m(\sphericalangle NRT) =$
 $m(\sphericalangle QPR) =$ $P_{\triangle PQR} =$

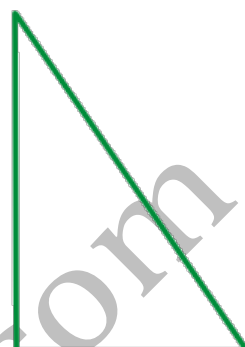
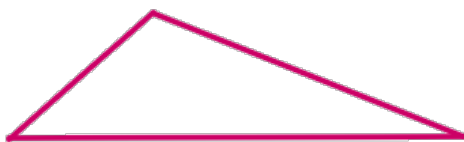
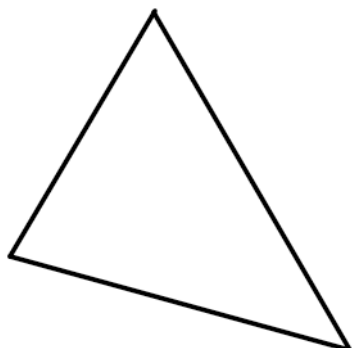
ip ABC triunghi
 $|AB| = 9 \text{ cm}$
 $DA \parallel BC$

c $x =$
 $m(\sphericalangle ACB) =$
 $m(\sphericalangle ABC) =$
MNP triunghi.....
 $P_{\triangle ABC} =$

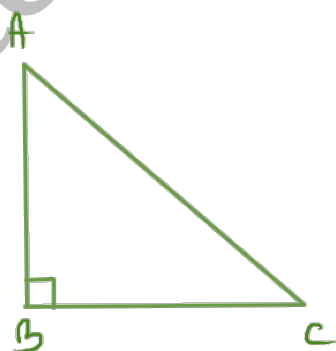
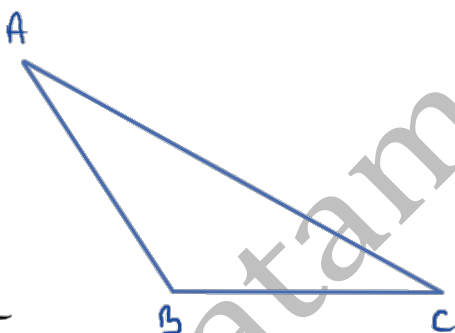
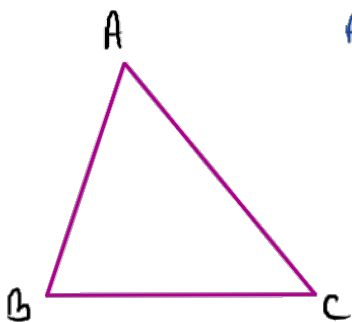
Înălțimile unui triunghi

Prof. Lukacs Tiberiu

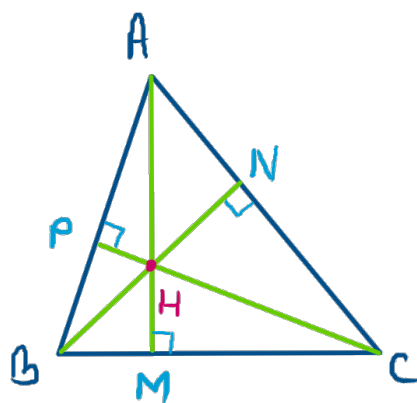
1. Desenați înălțimile triunghiurilor de mai jos și notați ortocentrul cu H:



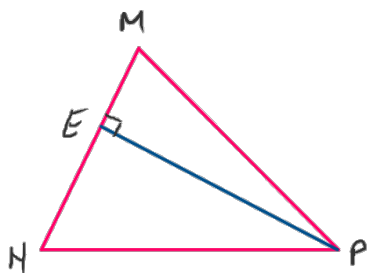
2. În triunghiul ABC de mai jos, $BC=10$ cm iar înălțimea dusă din A are 6 cm. Construiți înălțimea și aflați aria triunghiului în fiecare din cazurile de mai jos.



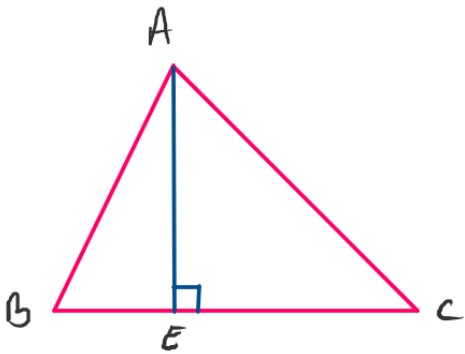
3. Fie H ortocentrul triunghiului ABC cu $\sphericalangle A = 70^\circ$ și $\sphericalangle C = 45^\circ$. Determinați măsurile unghiurilor BAC, HBM, NCH, BHC, HAN



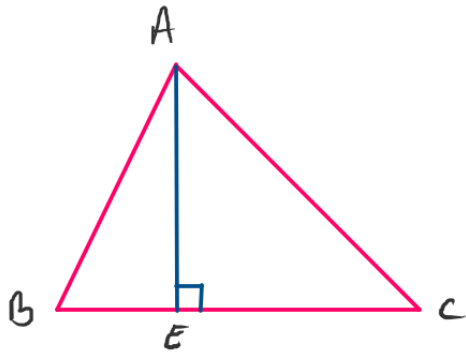
4. În triunghiul MNP de mai jos $MN=8$ cm iar înălțimea $PE=10$ cm. Aflați aria triunghiului ABC.



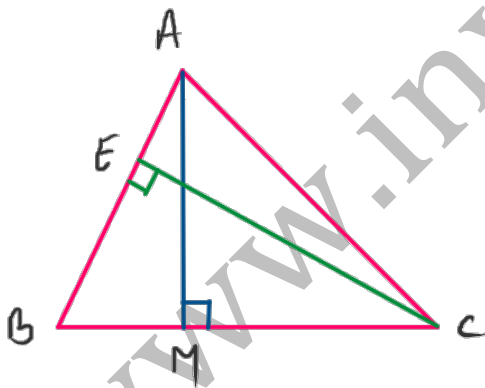
5. Aria triunghiului ABC de mai jos este de 24 cm^2 iar $BC=6 \text{ cm}$. Aflați înălțimea AE.



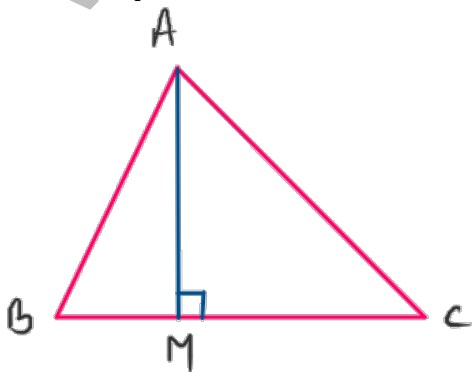
6. Aria triunghiului ABC de mai jos este de 36 cm^2 iar înălțimea $AE=9 \text{ cm}$. Aflați latura BC



7. În triunghiul ABC, $AB=8 \text{ cm}$, $BC=12 \text{ cm}$, înălțimea $AM=6 \text{ cm}$. Aflați înălțimea CE.



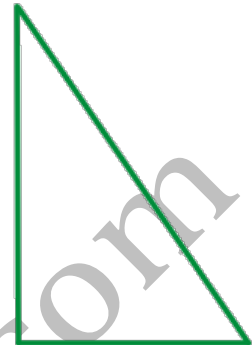
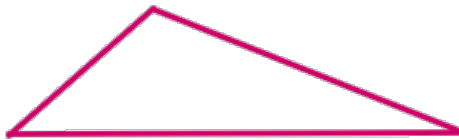
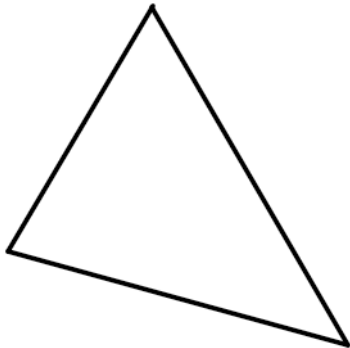
8. În triunghiul ABC cu perimetrul de 42 cm , $AC=15 \text{ cm}$ și $AB=13 \text{ cm}$. Dacă înălțimea corespunzătoare laturii BC este de 12 cm , aflați aria triunghiului ABC.



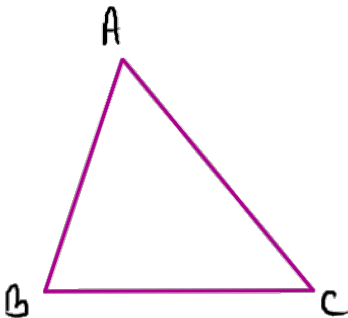
Medianele unui triunghi

Prof. Lukacs Tiberiu

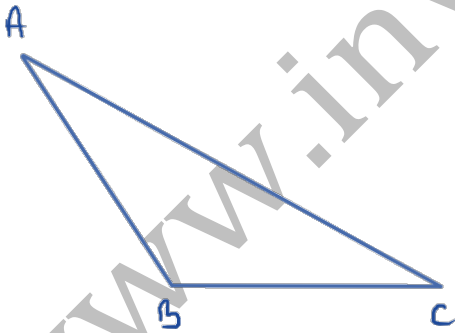
1. Desenați medianele triunghiurilor de mai jos și notați centrul de greutate cu G:



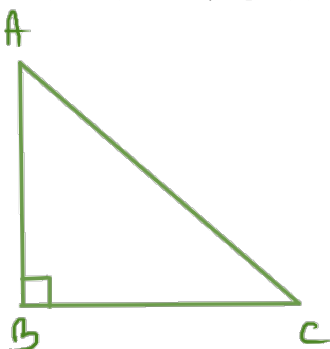
2. În triunghiul ABC de mai jos desenați mediana AM. Dacă $AM=15$ cm iar G este centrul de greutate aflați AG și GM. (împărțiți mediana AM în treimi și plasați corect centrul de greutate)



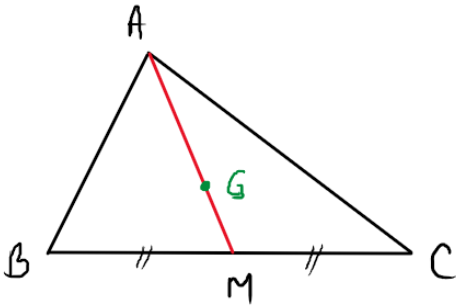
3. În triunghiul ABC de mai jos desenați mediana AM. Dacă $AM=24$ cm iar G este centrul de greutate aflați AG și GM. (împărțiți mediana AM în treimi și plasați corect centrul de greutate).



4. În triunghiul ABC de mai jos desenați mediana AM. Dacă $AM=30$ cm iar G este centrul de greutate aflați AG și GM. (împărțiți mediana AM în treimi și plasați corect centrul de greutate).

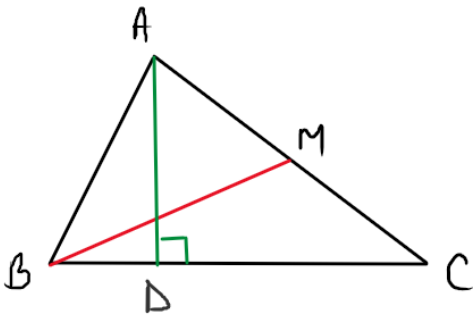


5. În desenul de mai jos AM este mediană iar G este centrul de greutate. Dacă $GM=7$ cm aflați lungimea segmentelor AG și AM.

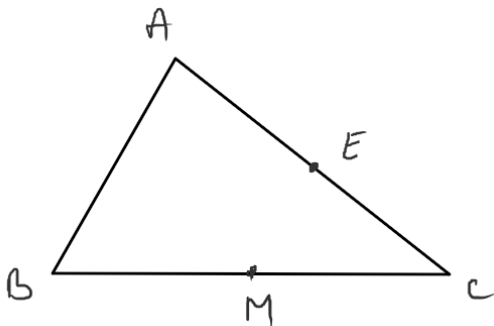


6. În triunghiul ABC , $AB=12$ cm, $BC=14$ cm și $AC=16$ cm. Dacă AM și BN sunt două mediane, aflați lungimea segmentelor BM și AN . (Faceți schița unui astfel de desen)

7. În triunghiul ABC de mai jos $BC=12$ cm și înălțimea $AD=8$ cm. Dacă BM este mediană, aflați aria triunghiului ABM.



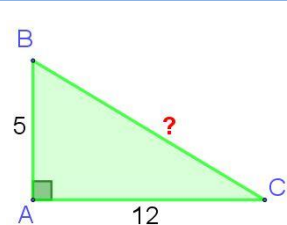
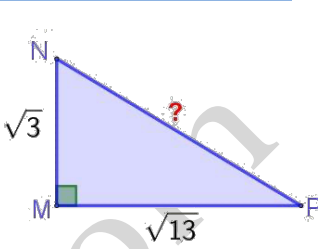
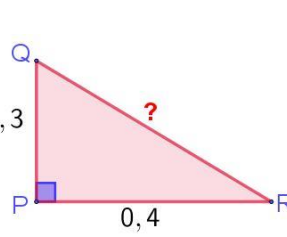
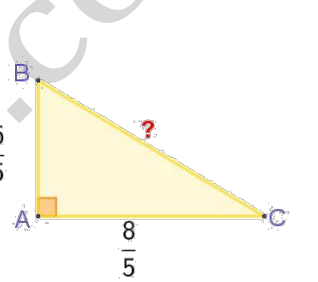
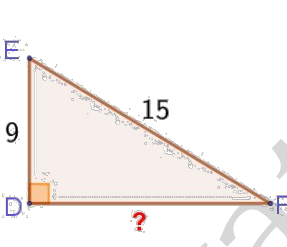
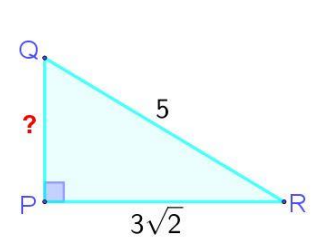
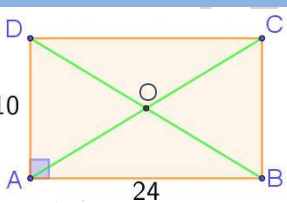
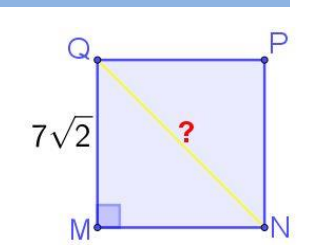
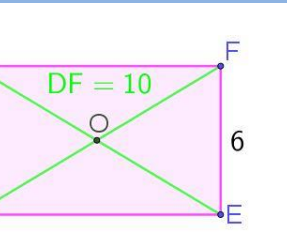
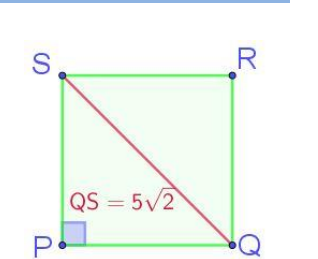
8. În triunghiul de mai jos M este mijlocul lui BC iar E este mijlocul lui AC. Dacă aria triunghiului ABC este 52 cm² aflați aria triunghiului EMC.

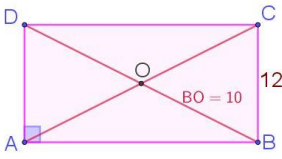


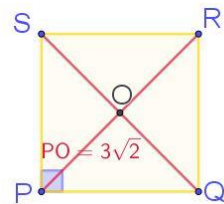
PITAGORA

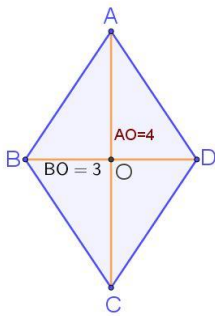
(fișă de lucru)

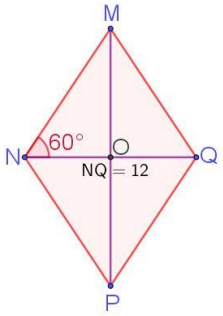
Prof. Lukacs Tiberiu

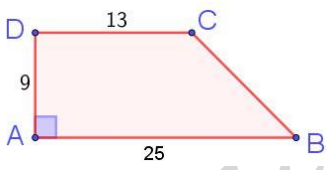
ip	$\triangle ABC$ $m(\sphericalangle A) = 90^\circ$		ip	$\triangle MNP$ $m(\sphericalangle M) = 90^\circ$	
c	$BC =$ $P_{\triangle ABC} =$ $A_{\triangle ABC} =$		c	$NP =$ $P_{\triangle MNP} =$ $A_{\triangle MNP} =$	
ip	$\triangle PQR$ $m(\sphericalangle P) = 90^\circ$		ip	$\triangle ABC$ $m(\sphericalangle A) = 90^\circ$	
c	$QR =$ $P_{\triangle PQR} =$ $A_{\triangle PQR} =$		c	$BC =$ $P_{\triangle ABC} =$ $A_{\triangle ABC} =$	
ip	$\triangle EDF$ $m(\sphericalangle D) = 90^\circ$		ip	$\triangle PQR$ $m(\sphericalangle P) = 90^\circ$	
c	$DF =$ $P_{\triangle EDF} =$ $A_{\triangle EDF} =$		c	$PQ =$ $P_{\triangle PQR} =$ $A_{\triangle PQR} =$	
ip	ABCD dreptunghi		ip	MNPQ pătrat	
c	$BD =$ $AC =$ $P_{ABCD} =$ $A_{ABCD} =$		c	$NQ =$ $PM =$ $P_{MNPQ} =$ $A_{MNPQ} =$	
ip	DEFG dreptunghi $DF = 10$		ip	PQRS pătrat $QS = 5\sqrt{2}$	
c	$DE =$ $P_{DEFG} =$ $A_{DEFG} =$		c	$RQ =$ $P_{PQRS} =$ $A_{PQRS} =$	

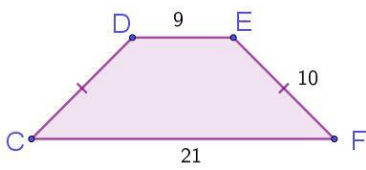
ip	ABCD dreptunghi	
c	$AB =$ $A_{ABCD} =$	

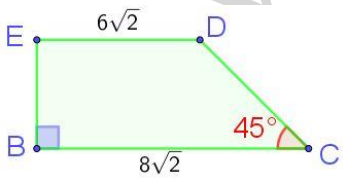
ip	PQRS pătrat	
c	$PS =$ $P_{PQRS} =$ $A_{PQRS} =$	

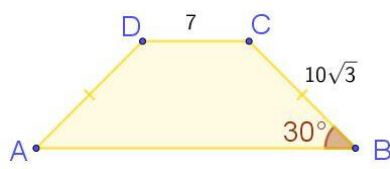
ip	ABCD romb	
c	$AB =$ $P_{ABCD} =$ $A_{ABCD} =$	

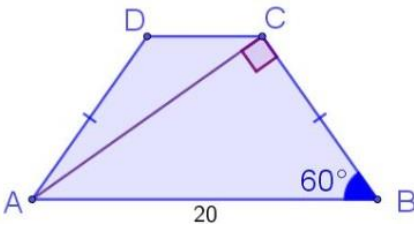
ip	MNPQ romb	
c	$MO =$ $NO =$ $P_{MNPQ} =$ $A_{MNPQ} =$	

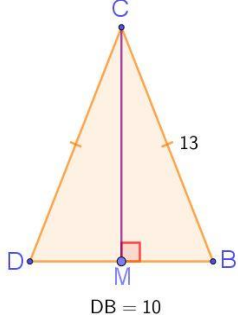
ip	ABCD trapez dreptunghic	
c	$BC =$ $P_{ABCD} =$ $A_{ABCD} =$	

ip	CDEF trapez isoscel	
c	$A_{CDEF} =$	

ip	BCDE trapez dreptunghic	
c	$DC =$ $P_{BCDE} =$ $A_{BCDE} =$	

ip	ABCD trapez isoscel	
c	$AB =$ $P_{ABCD} =$ $A_{ABCD} =$	

ip	ABCD trapez isoscel	
c	$BC =$ $AC =$ $DC =$ $P_{ABCD} =$ $A_{ABCD} =$	

ip	CBD triunghi isoscel	
c	$CM =$ $A_{CDB} =$	



CLASA A VII-A

Elev _____ /nr.1.

**Evaluare –
aplicații ale teoremei lui Pitagora, reciproca teoremei lui Pitagora**

1. Lungimea laturii unui triunghi echilateral este de 30 cm. Determinați lungimea înălțimii și aria triunghiului.

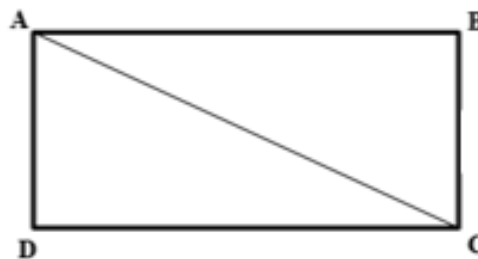
$h =$ _____

$A =$ _____

2. Dacă lungimea laturii unui pătrat este de $4\sqrt{2}$ cm, determinați lungimea diagonalei.

$d =$ _____

3. În dreptunghiul ABCD de alături, $AC = 8$ cm, $BC = 4$ cm. Determinați perimetrul dreptunghiului.



4. În triunghiul MNP, $MN = 5$ cm, $NP = 6$ cm, $MP = 8$ cm. Verificați dacă triunghiul este dreptunghic și în caz afirmativ precizați unghiul drept.



INSPECTORATUL
ȘCOLAR
JUDEȚEAN
SATU MARE



- Timp de lucru, 20 minute



CLASA A VII-A

Elev _____ /nr.2.

Evaluare –
aplicații ale teoremei lui Pitagora, reciproca teoremei lui Pitagora

1. Lungimea laturii unui triunghi echilateral este de 40 cm. Determinați lungimea înălțimii și aria triunghiului.

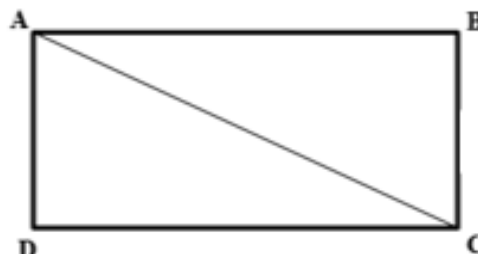
$h =$ _____

$A =$ _____

2. Dacă lungimea laturii unui pătrat este de $5\sqrt{2}$ cm, determinați lungimea diagonalei.

$d =$ _____

3. În dreptunghiul ABCD de alături, $AC = 10$ cm,
 $BC = 5$ cm. Determinați perimetrul dreptunghiului.



4. În triunghiul MNP, $MN = 4$ cm, $NP = 6$ cm, $MP = 7$ cm. Verificați dacă triunghiul este dreptunghic și în caz afirmativ precizați unghiul drept.



INSPECTORATUL
ȘCOLAR
JUDEȚEAN
SATU MARE



- Timp de lucru, 20 minute

★ Raza cercului circumscris triunghiului oarecare:

$R = \frac{abc}{4A}$, unde a , b și c sunt laturile triunghiului și A este aria triunghiului.

$R = \frac{a}{2 \sin A} = \frac{b}{2 \sin B} = \frac{c}{2 \sin C}$, unde a , b și c sunt laturile triunghiului.

★ Raza cercului circumscris triunghiului echilateral:

$R = \frac{a\sqrt{3}}{3}$, unde a este latura triunghiului echilateral.

Fișă - Triunghiul echilateral și elementele sale (A)

Rezolvă folosind formulele cunoscute.

prof. Lukacs Tiberiu

Problema 1

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă raza cercului circumscris $R = \frac{7}{3} \cdot \sqrt{3}$ cm. Determină: **aria A** și **perimetrul P** .

Problema 2

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă apotema $a = \frac{7}{3} \cdot \sqrt{3}$ cm. Determină: **raza cercului circumscris R** și **aria A** .

Problema 3

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă latura $l = 6$ cm. Determină: **perimetrul P** și **apotema a** .

Problema 4

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă latura $l = 7$ cm. Determină: **perimetrul P** și **aria A** .

Problema 5

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă latura $l = 13$ cm. Determină: **perimetrul P** și **apotema a** .

Problema 6

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă perimetrul $P = 36$ cm. Determină: **apotema a** și **înălțimea h** .

Problema 7

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă înălțimea $h = \frac{13}{2} \cdot \sqrt{3}$ cm. Determină: **latura l** și **apotema a** .

Problema 8

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă raza cercului circumscris $R = 4 \cdot \sqrt{3}$ cm. Determină: **apotema a** și **aria A** .

Problema 9

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă raza cercului circumscris $R = 4 \cdot \sqrt{3}$ cm. Determină: **latura l** și **aria A** .

Problema 10

Se consideră un **triunghi echilateral**. Se dă înălțimea $h = 2 \cdot \sqrt{3}$ cm. Determină: **latura l** și **aria A** .

Fișă de lucru

Unitate de învățare: **RELAȚII METRICE**

- 1) Să se afle înălțimea din vârful drept al unui triunghi dreptunghic ce are proiecțiile catetelor pe ipotenuză de 4 cm respectiv de 9 cm.
- 2) În $\triangle ABC$ dreptunghic în A avem $BC = 12$ cm și $AD \perp BC$, $D \in BC$, $DB = 3$ cm. Să se afle lungimea catetei AB
- 3) Să se afle ipotenuza unui triunghi dreptunghic isoscel cu cateta de 3 cm.
- 4) Să se afle perimetrul rombului cu diagonalele de 12 cm și 16 cm.
- 5) Să se afle raportul dintre perimetrul și diagonala unui dreptunghi cu lățimea de 3 cm și lungimea de 4 cm.
- 6) Un trapez dreptunghic are baza mică de 4 cm, înălțimea de 3 cm și un unghi de 45° . Să se afle lungimea liniei mijlocii a trapezului dat.
- 7) Un trapez isoscel are baza mică de 4 cm, baza mare de 10 cm și un unghi de 120° . Aflați aria trapezului.
- 8) Fie $\triangle ABC$ dreptunghic isoscel în A, cu $AB = 3\sqrt{2}$ cm. Să se afle lungimea înălțimii din vârful A.
- 9) Să se afle perimetrul unui triunghi dreptunghic ce are o catetă de 5 cm și ipotenuza de 13 cm.



Clasa a VII-a

Elev _____ /nr.1.

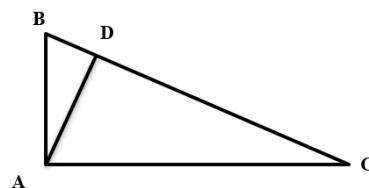
Evaluare formativă-

teorema catetei, teorema înălțimii, teorema lui Pitagora

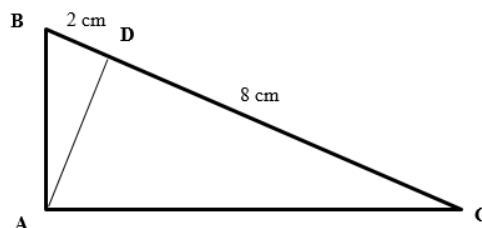
1. (20p) Pentru triunghiul dreptunghic de alături în care AD este înălțime scrieți relația din:

a) Teorema catetei pentru cateta AC: _____.

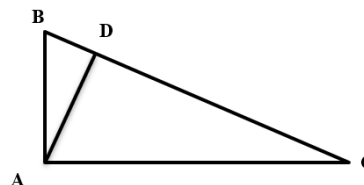
b) Teorema lui Pitagora: _____.



2. (20p) În triunghiul ABC, $m(\sphericalangle A)=90^\circ$, $AD \perp BC$, avem $BD=2$ cm și $CD=8$ cm. Determinați lungimea înălțimii AD și a catetei AB.



3. (50p) În triunghiul ABC de mai jos, $m(\sphericalangle A)=90^\circ$, $AD \perp BC$, avem $AB=6$ cm și $AD=3\sqrt{3}$ cm. Determinați lungimea segmentelor BD, BC, CD, AC precum și aria și perimetrul triunghiului ABC.





INSPECTORATUL
ȘCOLAR
JUDEȚEAN
SATU MARE



-
-
-
-
-
-
- Timp de lucru, 30 minute



Clasa a VII-a

Elev _____ /nr.2.

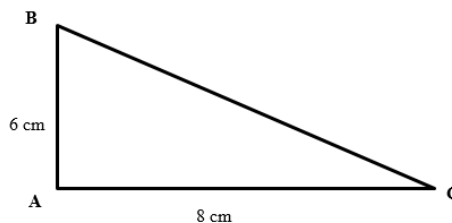
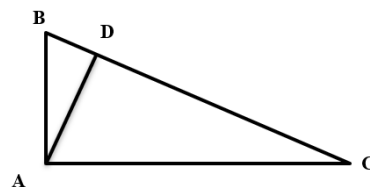
Evaluare formativă-
teorema catetei, teorema înălțimii, teorema lui Pitagora

1. (20p) Pentru triunghiul dreptunghic de alături în care AD este înălțime scrieți relația din:

a) Teorema catetei pentru cateta AB: _____.

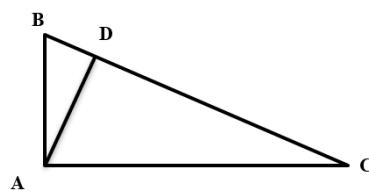
b) Teorema înălțimii: _____.

2. (20p) În triunghiul ABC, $m(\sphericalangle A)=90^\circ$, $AD \perp BC$, avem $AB=6$ cm și $AC=8$ cm. Determinați lungimea ipotenuzei și a catetei și a înălțimii corespunzătoare acestora.



3. (50p) În triunghiul ABC de mai jos, $m(\sphericalangle A)=90^\circ$, $AD \perp BC$, avem $AC=4\sqrt{3}$ cm și $AD=2\sqrt{3}$ cm. Determinați lungimea segmentelor CD, BC, BD, AB precum și aria și perimetrul triunghiului ABC.





- Timp de lucru, 30 minute



CLASA A VII-A

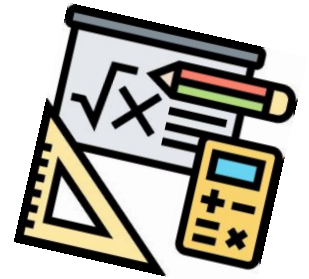
FIȘA DE LUCRU

RAPOARTE CONSTANTE ÎN TRIUNGHIUL DREPTUNGHC

VALORI PENTRU MĂSURILE DE 30° , 45° , 60°

ARIA TRIUNGHIULUI FOLOSIND SINUSUL UNUI UNGHII

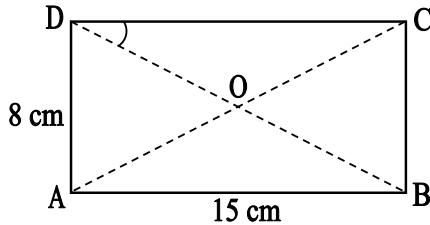
1. Fie triunghiul dreptunghic ABC, $m(\hat{A})=90^\circ$, $AB=5$ cm, $AC=12$ cm. Determinați lungimea laturii BC precum și: $\sin(\sphericalangle B)$, $\cos(\sphericalangle B)$, $\operatorname{tg}(\sphericalangle B)$, $\operatorname{ctg}(\sphericalangle B)$.
2. Fie triunghiul dreptunghic ABC, $m(\hat{A})=90^\circ$, $AB=3$ cm, $AC=3\sqrt{3}$ cm. Determinați lungimea laturii BC precum și: $\sin(\sphericalangle B)$, $\cos(\sphericalangle B)$, $\operatorname{tg}(\sphericalangle B)$, $\operatorname{ctg}(\sphericalangle B)$.
3. Fie triunghiul dreptunghic ABC, $m(\hat{A})=90^\circ$, $AB=9$ cm, $BC=15$ cm. Determinați lungimea laturii AC precum și: $\sin(\sphericalangle B)$, $\cos(\sphericalangle B)$, $\operatorname{tg}(\sphericalangle B)$, $\operatorname{ctg}(\sphericalangle B)$.
4. Fie triunghiul dreptunghic ABC, $m(\hat{A})=90^\circ$. Determinați aria și perimetrul triunghiului dacă:
 - a) $m(\hat{C})=60^\circ$ și $BC=6$ cm.
 - b) $\operatorname{tg}(\hat{B})=\frac{4}{3}$ și $AB=30$ cm.
 - c) $m(\hat{B})=45^\circ$ și $BC=6\sqrt{2}$ cm.
 - d) $\sin(\hat{B})=\frac{12}{13}$ și $BC=26$ cm.
5. Calculați aria triunghiului ABC în fiecare din situațiile de mai jos:
 - a) $AB=6$ cm, $AC=5$ cm și $m(\hat{A})=45^\circ$.
 - b) $BC=3$ cm, $AB=2$ cm și $m(\hat{B})=30^\circ$.
 - c) $CA=10$ cm, $CB=6$ cm, $m(\hat{C})=60^\circ$.
 - d) $AB=AC=6$ cm, $m(\hat{A})=120^\circ$.
6. Fie trapezul dreptunghic ABCD, cu bazele AB și CD, $m(\hat{C})=45^\circ$, $BC=6\sqrt{2}$ cm, $CD=8$ cm. Determinați lungimile diagonalelor trapezului precum și aria și perimetrul acestuia.
7. Fie trapezul isoscel ABCD, având bazele AB și CD, $DA=AB=BC=6$ cm și $m(\hat{C})=60^\circ$. Determinați:
 - a) Aria și perimetrul trapezului.
 - b) Lungimile diagonalelor trapezului.
 - c) Aria triunghiului BCD.
 - d) Aria triunghiului ABD.
8. Fie trapezul isoscel ABCD, având bazele $AB=2$ cm, $CD=8$ cm și $m(\hat{C})=30^\circ$.
 - a) Aria și perimetrul trapezului.
 - b) Lungimile diagonalelor trapezului.
 - c) Aria triunghiului BCD.
 - d) Aria triunghiului ABD.
9. Fie dreptunghiul ABCD, $BC=3$ cm, $m(\widehat{BDC})=30^\circ$. Determinați perimetrul și aria dreptunghiului.
10. Fie rombul ABCD, având $AB=BD=6$ cm. Determinați aria și perimetrul rombului precum și lungimea diagonalei AC.



TEST

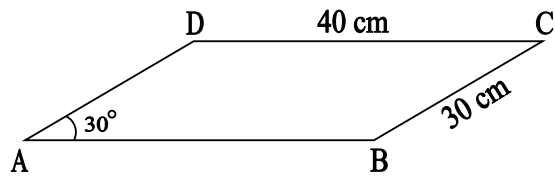
➤ Se acordă 1 punct din oficiu.

1p. 1) În dreptunghiul ABCD, AB=15 m, AD=8 cm. Calculați AC și sinusul unghiului BDC.

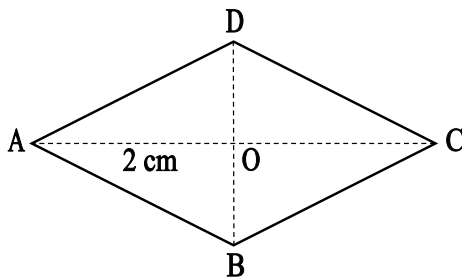


1p. 2) Calculați: $\sin 30^\circ \operatorname{tg} 60^\circ - \cos 30^\circ \operatorname{tg} 45^\circ =$

1p. 3) Calculați aria paralelogramului ABCD.

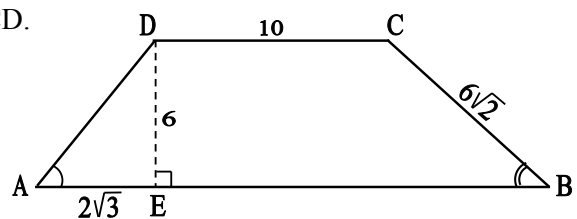


1p. 4) În rombul ABCD, $m(\angle ADC) = 120^\circ$ și $AO = 2$ cm. Calculați perimetrul rombului.

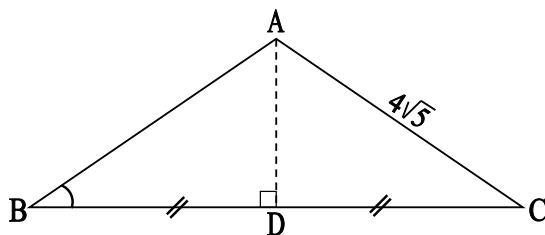


1p. 5) Calculați aria triunghiul ABC știind că: $m(\angle A) = 90^\circ$, $BC = 10$ m, $\cos B = \frac{3}{5}$.

2p. 6) Calculați măsurile unghiurilor trapezului ABCD.



2p. 7) Calculați perimetrul triunghiul ABC știind că $\operatorname{tg} B = 0,5$.



Test de evaluare

Asemănarea triunghiurilor. Linia mijlocie.

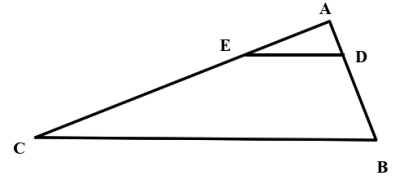
Partea I. (36p) Completați spațiile libere cu răspunsul corect.

1. Fie $\triangle ABC$, în care DE – linie mijlocie, $D \in (AB)$, $E \in (AC)$. Dacă $DE=8$ cm, atunci BC are lungimea de _____ cm.
2. Fie trapezul $ABCD$ în care MN – linie mijlocie, $M \in (AD)$, $N \in (BC)$. Dacă $AB=6$ cm și $CD=10$ cm atunci MN are lungimea de _____ cm
3. Dacă $\triangle ABC \sim \triangle MNP$ atunci $m(\sphericalangle N) = m(\sphericalangle \text{_____})$.
4. Dacă $\triangle ABC \sim \triangle MNP$ atunci $\frac{AB}{MN} = \frac{\text{_____}}{MP}$.
5. Dacă $\triangle ABC \sim \triangle MNP$ iar $AB=6$ cm, $MN=9$ cm, atunci raportul de asemănare este egal cu _____.
6. Dacă $\triangle ABC \sim \triangle MNP$, $m(\sphericalangle A)=40^\circ$, $m(\sphericalangle B)=60^\circ$, atunci $m(\sphericalangle P)=\text{_____}^\circ$.

Partea a II-a (54p) Scrieți rezolvările complete.

7. (18p) Dacă $\triangle ABC \sim \triangle MNP$, $\frac{AB}{MN} = \frac{2}{5}$ și $P[ABC]=12$ cm, determinați $P[MNP]$.
8. (18p) Dacă $\triangle ABC \sim \triangle MNP$, $\frac{AB}{MN} = \frac{1}{2}$ și $A[ABC]=8$ cm², determinați $A[MNP]$.

9. (18p) În triunghiul ABC , $D \in (AB)$, $E \in (AC)$, $DE \parallel BC$, $AB=20$ cm, $AD=5$ cm, $AE=12$ cm, $DE=13$ cm. Determinați lungimile segmentelor DB , EC , AC , BC .



Notă:

- Se acordă 10 p din oficiu
- Timp de lucru, 30 minute



CLASA A VI-A
FIȘĂ DE LUCRU

Linii importante în triunghi

1. Fie triunghiul ABC în care $m(\angle A)=50^\circ$, $m(\angle B)=70^\circ$. Construim bisectoarele unghiurilor B și C, BE și CD, $E \in (AC)$, $D \in (AB)$. Determinați măsura unghiului BIC, unde I este punctul de intersecție al bisectoarelor.

2. Fie triunghiul MNP și MA una din medianele sale, $A \in (NP)$ iar G, centrul de greutate. Dacă $GA=2$ cm determinați lungimile segmentelor MA și MG.

3. Fie triunghiul ABC în care $m(\angle A)=40^\circ$, $m(\angle B)=80^\circ$. Construim bisectoarele unghiurilor B și C, BE și CD, $E \in (AC)$, $D \in (AB)$. Determinați măsura unghiului BIC, unde I este punctul de intersecție al bisectoarelor.

4. Fie triunghiul MNP și MA una din medianele sale, $A \in (NP)$ iar G, centrul de greutate. Dacă $GA=5$ cm determinați lungimile segmentelor MA și MG.

5. Fie triunghiul ABC alăturat în care G este centrul de greutate.

a) Dacă $AD=9$ cm, determinați AG și GD.

b) Dacă $GD=5$ cm, determinați AD și AG.

c) Dacă $AG=8$ cm, determinați GD și AD.

6. Fie triunghiul ABC și AA' , BB' , CC' cele trei bisectoare ale sale, $A' \in BC$, $B' \in AC$, $C' \in AB$.

a) Dacă $m(\sphericalangle A)=80^\circ$ și $m(\sphericalangle B)=14^\circ$, determinați măsurile unghiurilor: $\sphericalangle C$, $\sphericalangle CAA'$, $\sphericalangle ACC'$, $\sphericalangle ABB'$, $\sphericalangle BIC$, unde I este punctul de intersecție al bisectoarelor.

b) Dacă $m(\sphericalangle CAA')=34^\circ$ și $m(\sphericalangle ACC')=44^\circ$, determinați măsurile unghiurilor: $\sphericalangle A$, $\sphericalangle B$, $\sphericalangle C$, $\sphericalangle AIB$, unde I este punctul de intersecție al bisectoarelor.

7. În triunghiul ABC de alături AD este înălțime și AE bisectoare. Folosind măsurile de unghiuri de pe figură determinați măsurile unghiurilor $\sphericalangle BAC$, $\sphericalangle C$, $\sphericalangle BDA$, $\sphericalangle AEC$, $\sphericalangle AED$, $\sphericalangle DAE$, $\sphericalangle BAD$, $\sphericalangle DAC$.

